

[завдання \(pdf\)](#)

### АСМ ICPC Ukraine 2016, Перший етап Україна, 16 квітня 2016 року

#### Задача А. Сходи

Після святкування Дня народження Петрика Степан пішов з ним погуляти. Петрик був дуже веселий – сміявся, стрибав, бігав. Прогулюючись парком Степан з Петриком підійшли до сходів, що вели до атракціонів. Петрик почав стрибати з однієї сходи на іншу. Причому, коли він відштовхувався не сильно, то стрибав тільки на наступну сходи, а коли сильно – через одну. На яку сходи стрибне Петрик, якщо він стоїть на сходи з номером  $M$ , а усього сходів мають  $N$  сходинок?

#### Формат вхідних даних

У єдиному рядку вхідного файлу записані через пробіл такі дані: число  $N$  ( $1 \leq N \leq 1000$ ) – кількість сходинок на сходах, число  $M$  ( $0 \leq M \leq N$ ) – номер сходи на якій стоїть Петрик та символ, який означає силу з якою Петрик відштовхується: S (strongly) – сильно або W (weakly) – слабо.

#### Формат вихідних даних

У вихідний файл необхідно вивести одне єдине число – номер сходи, на якій опиниться Петрик після стрибка.

Приклад:

Стандартне введення      Стандартне виведення  
10 S W 4

### АСМ-ICPC Ukraine 2016, Перший етап Україна, 16 квітня 2016 року

#### Задача В Степан і похід в магазин

Сьогодні Степан чекає в гості свого друга Василя. Щоб підготуватися до зустрічі, Степану необхідно відвідати два магазини, розташованих поряд з його будинком. Від будинку до першого магазину веде доріжка довжини  $d_1$  метрів, а до другого магазину веде

Добавил(a) Administrator  
27.04.16 08:05 -

---

доріжка довжини  $d_1$  2 метри. Також існує доріжка, яка безпосередньо сполучає два магазини один з одним, довжиною  $d_2$  3 метри

Допоможіть Степану обчислити мінімальну відстань, яку йому буде потрібно пройти, щоб відвідати обидва магазини і повернутися додому.

Степан завжди стартує зі свого будинку. Він повинен відвідати обидва магазини, переміщаючись

тільки за наявними трьома доріжками, і повернутися назад додому. При цьому його абсолютно не

бентежить, якщо йому доведеться відвідати один і той же магазин або пройти по одній і тій же доріжці

більше одного разу. Єдине його завдання - мінімізувати сумарну пройдену відстань.

Формат вхідних даних

У першому рядку вхідних даних знаходяться 3 цілих числа  $d_1$  1

,  $d_2$  2

,  $d_3$  3

( $1 \leq d_1$  1

,  $d_2$  2

,  $d_3$  3

$\leq 10$

8

) - довжини

доріжок.

$d_1$  1

- довжина доріжки, що з'єднує будинок Степана і перший магазин;

$d_2$  2

- довжина доріжки, що з'єднує будинок Степана і другий магазин;

$d_3$  3

- довжина доріжки, що з'єднує два магазини.

Формат вихідних даних

Виведіть мінімальну кількість метрів, яку доведеться пройти Степану, щоб відвідати обидва

магазини і повернутися додому.

Приклад

Стандартне введення Стандартне виведення

10 20 30 60

Україна, 16 квітня 2016 року

АСМ-ICPC Ukraine 2016, Перший етап  
Україна, 16 квітня 2016 року

Задача C. Підготовка до шахової олімпіади

В університеті, де вчився Степан, вирішили провести шахову олімпіаду. Щоб добре до неї підготуватись, Степан вирішив спочатку пограти зі своїм сусідом Робертом, якого усі мешканці дома

називали жартома Фішером. Роберт досить пристойно грав у шахи і залюбки погодився допомогти

Степану.

Перші дві зустрічі Степан програв, потім звів партію у нічию, а наступну виграв. Роберт змінив

дебют і Степан знову програв партію, далі була нічия і виграш Степана. Роберт знову змінив дебют і

ситуація повторилась – Степан знову програв партію, далі була нічия і виграш Степана.

Усього Степан з

Робертом зіграли досить багато партій, причому ситуація щоразу повторювалася – спочатку Степан

програвав, потім була нічия, а потім – перемога Степана. Треба визначити скільки поразок було у

Степана у перших  $N$  партіях.

Формат вхідних даних

Вхідний файл містить одне число –  $N$  (кількість партій,  $0 \leq N \leq 10^5$ )

$18^5$

).

Формат вихідних даних

Одне число – кількість поразок Степана у зустрічах з Робертом у перших  $N$  партіях.

Приклад:

Стандартне введення Стандартне виведення

5 3

Задача D Кратне трьома

Дано число. Степан хоче замінити в ньому одну цифру таким чином, щоб нове число ділилось на

3 і було максимально можливим. В заданому числі потрібно обов'язково замінити одну цифру, навіть

якщо задане число ділилось на 3.

Оскільки Степан тільки почав відвідувати факультатив з програмування, то він просить допомоги у вас.

Формат вхідних даних

Добавил(a) Administrator  
27.04.16 08:05 -

---

Дано одне натуральне число. Довжина числа може досягати 100 цифр.

Формат вихідних даних

Виведіть інше натуральне число, що задовольняє умовам:

1. Нове число повинно відрізнятися від даного рівно однією цифрою.
2. Нове число повинно ділитися на 3.
3. Нове число повинно бути максимально можливим з усіх таких чисел.

Стандартне введення Стандартне виведення

123 723

ACM-ICPC Ukraine 2016, Перший етап  
Україна, 16 квітня 2016 року

Задача E З трьох прости чисел

Знайти кількість натуральних чисел з проміжку  $[A; B]$  в розкладі на прості множники яких є рівно

3 прости множника.

Формат вхідних даних

В одному рядку два числа через пробіл:  $A$  і  $B$ ,  $1 \leq A \leq B \leq 10000000$

Формат вихідних даних

В одному рядку одне число – кількість чисел з проміжку які складаються рівно з 3-х прости множників.

Стандартне введення Стандартне виведення

10 20

8 20

3

4

Задача F Старовинна задача

Готуючись до чергової олімпіади з програмування, Степан натрапив на одну старовинну задачу,

яка його зразу ж зацікавила. У задачі йшлося про те, що у країні, яка називалась

Триманія, номінали усіх

паперових грошей (триманських фунтів) дорівнювали ступеням трійки, тобто 1, 3, 9, 27 і так далі.

Необхідно було визначити, яку мінімальну кількість купюр і яких саме потрібно мати покупцю та

продавцю, щоб купити товар вартістю  $N$  триманських фунтів та отримати здачу, причому номінали

купюр, якими розплачуються та отримують здачу, не повинні повторюватися.

Добавил(a) Administrator  
27.04.16 08:05 -

---

#### Формат вхідних даних

Вхідний файл містить одне число –  $N$  (вартість товару у фунтах,  $0 \leq N \leq 10^{18}$ ).

#### Формат вихідних даних

Один рядок містить номінали купюр у зростаючому порядку через пробіл, які потрібні для купівлі товару покупцю та продавцю, або  $-1$ , якщо купити товар за означених умов неможливо.

#### Приклад:

Стандартне введення      Стандартне виведення  
11 1 3 9

ACM-ICPC Ukraine 2016, Перший етап  
Україна, 16 квітня 2016 року

#### Задача G Багатокутники

На площині задана така множина з  $N$  багатокутників, що виконуються наступні умови:

- 1) ніякі два багатокутника не мають спільних точок;
- 2) для кожного  $i$ -го багатокутника існує  $P_i$  багатокутників, всередині яких він знаходиться,  $i \leq N-1$ .

багатокутників, котрі знаходяться всередині нього,  $0 \leq P_i$

$i$

$\leq N-1$ .

Завдання: напишіть програму POLYGON, яка для кожного багатокутника видає кількість багатокутників, всередині яких він знаходиться.

#### Формат вхідних даних

перший рядок вхідного файлу містить ціле число  $N$  — кількість багатокутників,  $3 \leq N \leq 10000$ . Наступні  $N$

рядків файлу описують  $N$  багатокутників.  $(i+1)$ -ий рядок файлу описує  $i$ -ий багатокутник. Перше ціле

число  $C_i$

- кількість вершин багатокутника,  $3 \leq C_i$

$\leq 20$ . Наступні  $C_i$

пар чисел — координати вершин

багатокутника у порядку його обходу. Координати вершин — цілі числа, що належать діапазону від  $-2$

000 000 000 до 2 000 000 000.

#### Формат вихідних даних

Добавил(a) Administrator  
27.04.16 08:05 -

---

єдиний рядок вихідного файлу повинен містити N чисел: i-те число рядка повинно бути P

i

— кількість

багатокутників, всередині яких знаходиться i-ий багатокутник.

Приклад

Стандартне введення Стандартне виведення

3

3 -2 1 8 9 12 1

3 7 5 6 3 7 4

4 4 3 7 7 9 3 1 2

0 2 1

АСМ-ICPC Ukraine 2016, Перший етап  
Україна, 16 квітня 2016 року

Задача N Вираз

Для запису числових виразів жителі країни Олімпія використовують наступний формат:

1. Вираз складається з операндів та знаків операцій, розділених пропусками.
2. Операнди: додатні цілі числа.
3. Операції: додавання (позначається знаком +) та множення (позначається знаком \*).
4. Вираз розглядається зліва направо. Якщо у виразі зустрічається знак операції, виконується

відповідна операція над двома останніми операндами перед ним, результат операції замінює у виразі

послідовність її операндів і знаку операції, після чого обчислення продовжується за цим же правилом.

5. Результатом виразу є результат останньої операції.

Обчислимо, наприклад, вираз  $3\ 4\ 2\ *\ +$

Перша операція у виразі - множення (\*), вона буде виконана над останніми перед нею числами (4 та

2), отримаємо число 8, що замінить послідовність  $4\ 2\ *$ , таким чином отримаємо вираз  $3\ 8\ +$ .

У отриманому виразі перша операція, що зустрілась - додавання (+), вона буде виконана над

останніми перед нею числами (3 та 8), отримаємо число 11, що замінить послідовність  $3\ 8\ +$ .

Оскільки операцій у виразі більше не залишилось, обчислення виразу завершилось.

Результатом

виразу є число 11.

Відомо, що значення будь-якого виразу знаходиться у межах від 0 до 2000000000.

Добавил(a) Administrator  
27.04.16 08:05 -

---

#### Формат вхідних даних

Вхідний текстовий файл містить вираз, що складається з додатних цілих чисел та знаків операцій,

розділених пропусками. Максимальна довжина виразу - 10000 символів.

#### Формат вихідних даних

Вихідний текстовий файл містить єдине число - результат обчислення виразу.

#### Приклад

Стандартне введення      Стандартне виведення

3 4 2 \* + 11

58 2 + 10 + 2 \* 140

АСМ-ICPC Ukraine 2016, Перший етап  
Україна, 16 квітня 2016 року

#### Задача I. Кубики

На День народження свого племінника Петрика Степан подарував йому набір кубиків.

Петрик тут же

став будувати з кубиків паркан, однак стовпчики у Петрика виходили різної висоти.

Степана зацікавило

питання: "Яку найменшу кількість перекладань можна зробити, щоб висота будь-яких двох стовпчиків

відрізнялась не більше ніж на один кубик. Крім того за один раз можна перекладати

тільки один кубик з

довільного стовпчика на поруч розташований.

#### Формат вхідних даних

У першому рядку вхідного файлу записано число  $N$  ( $1 \leq N \leq 1000$ ) – кількість стовпчиків з кубиками

у Петрика. Другий рядок містить  $N$  цілих чисел – висоту кожного стовпчика (у кубиках).

Усі числа не

перевищують  $10^6$

6

.

#### Формат вихідних даних

У вихідний файл необхідно вивести одне єдине число – найменшу кількість перекладань кубиків, в

результаті яких висота будь-яких двох стовпчиків не буде відрізнятися більш ніж на один кубик.

Приклад:

Добавил(a) Administrator  
27.04.16 08:05 -

---

Стандартне введення Стандартне виведення

5  
3 4 8 2 5  
4

Пояснення до прикладу . Зробити два перекладання зі стовпчика №3 у стовпчик №4.  
Результат – 3 4  
6 4 5. Потім перекласти кубик зі стовпчика №2 у стовпчик №1. Результат – 4 3 6 4 5. І на  
останок  
перекласти кубик зі стовпчика №3 у стовпчик №2. Результат – 4 4 5 4 5.

Задача J П'ятірки

Задані два цілих числа  $N$  і  $K$ . Знайдіть найменше число, більше, чим  $N$ , в десятковому  
записі якого  
міститься не менше чим  $K$  п'ятірок.

Формат вхідних даних

У першому рядку вхідного файлу міститься два числа  $N$  і  $K$  ( $1 \leq N \leq 10^{15}$ ,  $1 \leq K \leq 15$ ).

Формат вихідних даних

виведіть одне знайдене число.

Приклад

Стандартне введення Стандартне виведення

99 1 105  
595 2 655

ACM-ICPC Ukraine 2016, Перший етап  
Україна, 16 квітня 2016 року

15187565 3 15187575

15187565 2 15187566

Задача K Безпечний шлях

Межа відомого Вам мінного поля представляє собою многокутник без самоперетинів і  
самодотиків. Поза мінним полем (але, можливо, на його межі) задані дві точки  $A$  і  $B$ .

Вам необхідно знайти шлях мінімальної довжини між цими точками. Очевидно, що шлях  
не може

перетинати мінне поле, але може проходити через вершини або по ребрах граничного  
многокутника.

Формат вхідних даних: у першому рядку вхідного файлу міститься чотири цілих числа:

$X_A$   
 $Y_A$   
 $X_B$   
 $Y_B$

Добавил(a) Administrator  
27.04.16 08:05 -

---

, X

B

i Y

B

- координати заданих точок. Другий рядок містить ціле число  $N(3 \leq N \leq 100)$  - кількість

вершин граничного многокутника. Кожен із наступних  $N$  рядків містить координати  $X$  і  $Y$  однієї

вершини многокутника. Опис вершин задано в порядку їх обходу проти годинникової стрілки. Усі

координати - цілі числа в проміжку від  $-100\,000$  до  $100\,000$ .

Формат вихідних даних: виведіть одне число - довжину найкоротшого шляху, з точністю до  $0.0001$ .

Стандартне введення Стандартне виведення

0 0 5 5

4

1 0

3 0

3 2

1 2

7.2361

ACM-ICPC Ukraine 2016, Перший етап  
Україна, 16 квітня 2016 року

### Задача L Дороги

У деякій державі для зменшення заторів на дорогах вирішили впровадити односторонній рух по

максимально можливій кількості міських вулиць. Міські власті встановили лише одну умову для плану

одностороннього руху в місті - можливість проїзду з будь-якої точки в будь-яку іншу точку доріг міста,

це очевидно можливо до і повинно бути можливо після впровадження одностороннього руху.

Представимо собі карту доріг міста у вигляді неорієнтованого графа доріг, в якому вершинами є

перехрестя і тупики, а ребрами є дороги. У графі доріг можливі петлі і кратні ребра, більш того він

необов'язково є планарним. Граф доріг одного міста обов'язково є зв'язним. Для кожного ребра графа

Добавил(a) Administrator  
27.04.16 08:05 -

---

доріг можна ввести орієнтацію, що відповідає впровадженню одностороннього проїзду по відповідній дорозі. Ви повинні запропонувати план орієнтації графів доріг міст, що містить максимально можливе число орієнтованих ребер і залишився при цьому зв'язним для кожного міста. Дороги між містами вирішено залишити двонаправленими і вони відсутні у вхідних даних. Формат вхідних даних: Вхідний файл описує граф доріг одного і більше міст. Перший рядок вхідного файлу містить два цілих числа:  $N$  - число вершин,  $E$  - число ребер ( $1 \leq N \leq 20000$ ,  $0 \leq E \leq 20000$ ). Далі йдуть  $E$  рядків - опис ребер, що містять  $E$  пар цілих чисел - номери вершин з'єднаних ребром, вершини нумеруються від 1 до  $N$ . Всі числа розділені пробілами. Формат вихідних даних: Вихідний файл повинен повторювати дані вхідного файлу точно в тому ж порядку з додатковими елементами: опис ребра крім двох чисел, що є лівою і правою вершиною ребра, містить праворуч символ  $>$  якщо дорога орієнтована від лівої вершини до правої, символ  $<$  якщо дорога орієнтована від правої вершини до лівої або символ  $=$  якщо дорога залишається неорієнтованою. Не забувайте розділяти елементи пробілами і виведіть будь-який вподобаний вами варіант орієнтації графа доріг.

Приклад

Стандартне введення      Стандартне виведення

2 2

1 2

1 2

2 2

1 2 >

1 2 <

2 1

1 2

2 1

1 2 =

Добавил(a) Administrator  
27.04.16 08:05 -

---

### Задача M Найбільший прямокутник

Вам заданий прямокутник розміром  $N \times M$ , який складається тільки з одиниць і нулів. Вам дозволяється переставляти стовпці в ньому. Яку максимальну площу підпрямокутника, який складається тільки з 1 можна отримати за допомогою таких операцій. Підпрямокутником прямокутника назвемо четвірку чисел  $(x_1, y_1, x_2, y_2)$ ,  $x_1 \leq x_2, y_1 \leq y_2$ . Точки з яких він складається мають координати  $(i, j)$ ,  $x_1 \leq i \leq x_2, y_1 \leq j \leq y_2$ .

Формат вхідних даних: перший рядок вхідного файлу містить два числа  $N$  і  $M$  ( $1 \leq N \leq 15000, 1 \leq M \leq 1500$ ). В наступних  $N$  рядках задано матрицю, кожен рядок якої не містить пропусків і складається рівно з  $M$  символів.

Пояснення: В даному тесті можна поміняти місцями 2-й і 5-й стовпець. Після такої операції отримаємо прямокутник в якому міститься максимальний підпрямокутник.

Формат вихідних даних: єдиний рядок вихідного файлу має містити одне число - максимальну площу.

### Приклад

Стандартне введення      Стандартне виведення

```
10 6
001010
111110
011110
111110
011110
111111
110111
110111
000101
010101
21
```

## Задача N Прогулянка по парку

Руслан любить вечорами та ночами гуляти парком. Іноді ці прогулянки тривають всього півгодини, іноді 2, а іноді Руслан губиться у складній системі доріжок парку і блукає там годинами, доки не знайде виходу. Кожна доріжка являє собою замкнене коло, таким чином з однієї доріжки можна перейти на іншу, тільки там, де обидві мають спільну точку. Будемо вважати що доріжка - контур деякого круга з центром в точці  $(X, Y)$ . Іноді Руслан сам знаходить правильний шлях додому, але дуже часто трапляється так, що він заморений та виснажений, вже не в змозі пересуватись на довгі дистанції, а тому йому необхідно, щоб хтось допомагав відшукати найкоротший шлях додому. Вам випала надзвичайна можливість допомогати Руслану щоразу як той заблукає. Але кількість доріжок дуже велика і ви не в змозозі знайти шлях, без допомоги комп'ютера. Тому вам необхідно по заданим доріжкам, точці в якій знаходиться зараз Руслан та точці де знаходиться гуртожиток, знайти найкоротший шлях.

Вхідні дані:

Перший рядок містить кількість доріжок ( $1 \leq N \leq 200$ ). Далі йде  $N$  рядків, кожен з яких містить трійку цілих чисел  $X, Y, R$  - координати центру та радіус кола відповідно. В останніх двох містяться координати Руслана та гуртожитку (координати початку та кінця - дробові числа з 11 знаками після коми). Всі координати по абсолютній величині не перевищують  $10^5$ .

Кожна з позицій буде гарантовано розташована на якомусь з кіл. Ніякі два кола не співпадають (трійка  $X, Y, R$  - унікальна).

Вихідні дані:

Єдиний рядок має містити довжину найкоротшого шляху з точністю не гірше ніж  $10^{-5}$ . У випадку, якщо такого маршруту не існує виведіть -1.

Стандартне введення Стандартне виведення

Добавил(а) Administrator  
27.04.16 08:05 -

---

2  
0 0 3  
5 0 3  
-3.0 0.0  
2.0 0.0  
9.4247780  
2  
0 0 2  
5 0 2  
-2 0  
3 0  
-1